無水プロトン伝導材料設計に向けた計算化学による機能解析 Functional Analysis by Computational Chemistry for Design of Anhydrous Proton Conducting Materials

研究代表者 筑波大学計算科学研究センター 助教 堀 優太

Yuta Hori

Anhydrous proton-conducting materials (PCMs) containing imidazole (Im) molecules are attracting attention as next-generation electrolyte materials for solid fuel cells. Understanding the proton conduction mechanism of these materials is not only of great academic interest, but is also essential to provide guidance for the development of efficient PCMs. In this study, we analyzed the proton conduction mechanism in polymer composites and organic crystals using quantum chemical calculations and molecular dynamics simulations. The calculations revealed that the proton conduction in each material is caused by the interplay of the changes in hydrogen bond structure, intermolecular proton transfer, and molecular motion involving Im. The results were fed back to the experiments, and the design of high-performance PCMs is being achieved.

要旨

イミダゾール(Im)分子を含む無水のプロトン伝導 物質(PCM)は、固体燃料電池の次世代電解質材料とし て注目されている.そのプロトン伝導機構の理解は、 学術的関心が高いだけでなく、これらの物質を実用 化レベルまで導くうえで必要不可欠な課題である. 本研究では、高性能な PCM の理論的設計を目指し、 高分子複合体や有機結晶の PCM について、量子化学 計算と分子動力学シミュレーションを用いてプロト ン伝導機構の解析を行った.計算により、各物質中 では、Imによる水素結合構造の変化、分子間プロト ン移動、分子運動の連動によりプロトン伝導が引き 起こされることを明らかにした.実験との共同研究 により、これらの結果は実験へとフィードバックす ることができ、高性能な PCM 設計へと進展した.

1. まえがき

クリーンなエネルギー社会の確立に向けて,水素 エネルギーを直接利用可能な燃料電池は,効率的な システムとして注目が集まっている.プロトン伝導 物質は固体燃料電池の電解質材料として注目されて おり,高性能なプロトン伝導物質の開発が盛んに行 われている.従来のプロトン伝導物質はプロトン伝 導媒体として水分子が用いられるが,100 ℃以上で は急激にプロトン伝導度が減少するという問題があ った.そこで,水の代替物質としてイミダゾール(Im) などの窒素含有複素環分子がプロトンキャリアとし て提案されている.Imは,カルボキシ基やホスホン 酸基を持つ高分子中に取り込むと複合体(高分子複 合体)を形成し⁽¹⁾,高いプロトン伝導性を示す.また Imをジカルボン酸に混ぜると有機結晶を作り同様に 高い伝導性を示す(図1)⁽²⁾.水を含まない無水プロ トン伝導物質の開発には、これらのプロトン伝導物 質中のプロトン伝導機構の理解が重要となる.



図1 イミダゾール(Im)の高分子複合体と有機結晶. (a)ポリビニル ホスホン酸とイミダゾール複合体(PVPA-xIm)と(b)コハク酸イミダ ゾリウム(Im-Suc)

(a) PVPA-xlm

Im 単体のプロトン伝導は, 水素結合を形成した Im の「分子間プロトン移動(PT)」と「分子運動」によ って発現すると考えられている(図 2)⁽³⁾.一方で, Im の高分子複合体や有機結晶は水素結合構造が多様で あるため, 水素結合上の PT と分子運動の絡み合いに よって発現するとされるプロトン伝導機構の詳細は 明らかではない. この複雑なシステムを理解するた めには, PT や分子運動, 伝導経路など異なる時間や 空間スケールで解析するマルチスケール解析が求め られる.



図2 Im 単体のプロトン伝導機構

本研究では、Imの高分子複合体と有機結晶に対し て、Imの局所構造、分子間プロトン移動(PT)、分子 運動の理論計算によるマルチスケール解析を行い、 プロトン伝導物質中のプロトン伝導機構を解明する ことを目的とする.得られた知見から、高分子複合 体と有機結晶のプロトン伝導機構の相違・類似点に ついて考察し、高性能なプロトン伝導物質設計のた めの指針を提案する.

2. 研究の方法

本研究では、ホスホン酸基を持つポリビニルホス ホン酸(PVPA)と Im との複合体である PVPA-xIm と、 ジカルボン酸であるコハク酸と Im の有機結晶であ るコハク酸イミダゾリウム(Im-Suc)を取り上げ(図 1)、それぞれのプロトン伝導機構の解明に向けた理 論解析を行った.以下にそれぞれの計算方法を示す.

PVPA-xIm 中におけるプロトン伝導機構の解 明に向けた解析

分子動力学(MD)シミュレーションにより PVPA-xIm

(xはホスホン酸基と Im のモル比) 中の水素結合構造 を調べるために、Im 間および Im と PVPA 間の局所構 造を反映した動径分布関数を求めた. さらに、Im の 分子ダイナミクスを調べるために、Im の拡散係数お よび回転の相関時間を求めた. 拡散計算 D は、 Einstein の関係式から以下の式を用いて求めた.

$$D = \lim_{t \to \infty} \frac{1}{6t} \langle |r_i(t) - r_i(0)|^2 \rangle \tag{1}$$

また,回転の相関時間 τ は,時間相関関数 $C_R^{(2)}(t)$ を 指数関数でフィッティングすることにより求めた. 相関時間 τ と時間相関関数 $C_R^{(2)}(t)$ は以下の式で与 えられる.

$$C_R^{(2)}(t) = \frac{1}{2} \langle 3\{\boldsymbol{u}_i(t)\boldsymbol{u}_i(0)\}^2 - 1 \rangle$$

$$C_R^{(2)}(t) = a \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right)$$
(2)

PVPA として n = 16 の鎖長モデルを用いた. PVPA と Im の混合比が x = 1, 2, 3 になるような PVPA-xIm 複合体モデルに対してシミュレーションを行った. また,温度による違いを調べるために, 350, 400, 450 K においてシミュレーションを行った. 各分子の分 子内及び分子間の相互作用を記述する力場には, general Amber force field を用いた.

MD シミュレーションは, GROMACS パッケージ (version 5.1.4)を用いた⁽⁴⁾. 温度は Nose-Hoover 法 を用い, 圧力は Martyna-Tuckerman-Tobias-Klein 法 を用いて制御した.

2.2 コハク酸イミダゾリウム(Im-Suc)中におけるプロトン伝導機構の解明に向けた解析

密度汎関数理論(DFT)に基づく量子化学計算によ り、Im-Suc 中の水素結合構造を調べるために、振動 解析による赤外分光スペクトルシミュレーションを 行い、実験により得られているスペクトルの結果と 比較した.また、Im の回転と PT に対するポテンシ ャルエネルギー曲面(PES)の構築を行った.PES の計 算には Im-Suc の結晶構造からクラスターモデルを 構築し、結晶環境を考慮するために ONIOM 法⁶⁵を用 いて、より大きなクラスターモデルを考慮した(図 3).さらに、第一原理バンド計算も行い、結晶モデ ルとクラスターモデルの違いについても議論した. 結晶モデルには、Im-Suc のユニットセルに対して、 2×2×2のスーパーセルを用いた(図4).





図4 Im-Sucの(a) ユニットセルと(b) 2×2×2 スーパーセル

量子化学計算は, Gaussian 16 パッケージを用い て⁽⁶⁾, DFT の汎関数には B3LYP, 基底関数には aug-cc-pVDZ を用いた. 第一原理バンド計算には VASP 6.2.0 パッケージ⁽⁷⁾を用いて, DFT の汎関数に は PBE を用いた. PES の構築には, Nudged Elastic Band 法を用いた.

3. 研究成果

以下では、PVPA-xImと Im-Suc の解析結果に分け て示す.

3.1 PVPA-xIm 中におけるプロトン伝導機構の解 明に向けた解析

PVPA-*x*Im(図1(a))は、150 ℃で7×10³ S/cmのプ ロトン伝導度を示す⁽¹⁾.これまでにPVPA-*x*Im中の固 体²H NMR 測定から、Im 分子の回転運動がプロトン伝 導に関与することがわかっている⁽⁸⁾.しかし、局所 構造に関する知見はなく、プロトン伝導機構の詳細 を明らかにする上で Imの水素結合環境や Imの運動 との関係性を調べることは重要である.

そこで本研究では、MD シミュレーションによりま ず水素結合構造を調べた. PVPA-xIm における PVPA の P 原子と ImH⁺の N 原子(N3)および Im の N 原子 (N1, N2)間の動径分布関数(RDF)の結果を求めた.計 算の結果, ImH⁺や Im と PVPA 間の水素結合構造に起 因するピークが得られた(図 5). また, N3-P の方が N1-P(N2-P)より RDF のピーク強度が大きいため、 PVPAと Im 間に比べ PVPAと ImH⁺間の方が強い水素結 合を形成することがわかった.また、Im 単体中の RDF についても調べた.計算の結果, Im間の水素結合構 造と Im 間の π-スタック構造を反映したピークが得 られた. PVPA-xIm 中のN原子間のRDFは、Im 単体中 のピークと同様の位置に現れた.これにより、 PVPA-xIm 中においても系内では Im 単体と同じ局所 構造を持った領域が存在していることを明らかにす ることができた. また, そのピーク強度は x の値が 増加するにつれて大きくなった. したがって、Imの 量が増えるにつれて、PVPA-xIm 中では Im 単体と同 様の局所構造を持つ領域が形成されていくことを予 想することができた.



図5 PVPA-2Im における N3-P 間の動径分布関数

次に、MDシミュレーションにより拡散係数を求めた(表1). Im単体の拡散係数に比べて PVPA-xIm 中の各分子の拡散係数が著しく減少することがわかった. これは、Imや ImH⁺と PVPA 間での強い水素結合に起因するものだと考えられる. ImH⁺と PVPA の拡散係数は同様の値を示しており、ImH⁺と PVPA 間の水素結合が特に強固であり、運動が制限されていることが示唆された.また、xの値が増加するにつれて Imの拡 散係数が増加するので, PVPA-xIm 中では, Im の濃度 が Im の運動をコントロールする重要な因子になり 得ると予想された. さらに, Im と ImH の回転相関時 間を求めた(表 2). Im 単体中では, ps オーダーの速 い回転運動をしていることがわかった. 一方, PVPA-xIm 中では, 二成分(fast, slow)の回転運動を 持つことがわかった. Fast 成分は, 数 ps の速さで あり, その割合は, x の値が増加するにつれて増加 した. したがって, fast 成分の運動は, 単体中の Im と同様な運動であることが予想された. 一方, slow 成分は, ns オーダーの速さを持ち, slow 成分を持つ 分子の数は x の値に関わらず一定であった. したが って, slow 成分の運動は, PVPA に束縛された Im や ImH であることが予想された.

表1 350 K における PVPA-1Im, PVPA-2Im, PVPA-3Im, Im 単体中の

	Im, ImH⁺, H	WPA の拡散係物	数(10⁻5 cm²/s)└	1]
	PVPA-1Im	PVPA-2Im	PVPA-3Im	Pure Im
D_{Im}		0.0148	0.1800	1.7520
$D_{\rm InH^+}$	0.0019	0.0018	0.0231	
$D_{\rm PVPA}$	0.0019	0.0016	0.0222	

表2 400 K における PVPA-1Im, PVPA-2Im, PVPA-3Im, Im 単体中の Im と ImH*の回転相関時間⁽⁹⁾

		PVPA-1Im	PVPA-2Im	PVPA-3Im	Pure Im
Im	Fast (ps)		1.70	2.01	1.83
	Slow (ns)		4.02	3.87	
ImH+	Fast (ps)	3.25	2.59	2.49	
	Slow (ns)	37.4	15.2	16.3	

PVPA-2Im 中の Im の拡散運動と回転運動に対して, 350-450 K における活性化エネルギーを求めると(表 3,表 4),回転運動の活性化エネルギーのほうが拡 散運動に比べて低く, Im は回転運動の方が起こりや すい事が示唆された.

表3 350-450 K の温度範囲における Im 単体および PVPA-2Im 中の

Im, ImH⁺, PVPA の並進運動の活性化エネルギー(kJ/mol)⁽¹⁰⁾

Pure Im	PVPA-2Im		
Im	Im	ImH^+	PVPA
15.17	25.33	37.99	39.00

表4 350-450 K の温度範囲における Im 単体および PVPA-2Im 中の

Im,	ImH ⁺ の回転運動の活性化エネルギー(kJ/mol) ⁽¹⁰⁾	
-----	---	--

Pure Im	PVPA-21m			
Im	Im		$\mathrm{Im}\mathrm{H}^{+}$	
Fast	Fast	Slow	Fast	Slow
9.30	7.22	10.13	4.94	7.40

以上より, PVPA-xIm 複合体中では, PVPA と Im 間 の強い水素結合のために, Im や ImH⁺は PVPA 周辺で 凝集した状態にあり, PVPA は, プロトン供給源とし て ImH⁺を安定化させることが示唆された.また, Im の分子運動は, PVPA 周辺ではなく, Im 間のみの水素 結合上で促進されると考えられた.よって, プロト ン伝導は, PVPA と Im 間および Im と Im 間の水素結 合が関わる Grotthuss 型機構で発現することを理論 的に示すことができた^[1].

Im の量(x)を調整することにより、プロトン移動 経路の確保と Im の分子運動を促進するナノ空間を 作り出すことが、高効率なプロトン伝導物質の設計 の一つの指針となることが示唆される.

3.2 コハク酸イミダゾリウム(Im-Suc)中におけるプロトン伝導機構の解明に向けた解析

Im-Suc (図 1 (b)) は無水の有機結晶であり、イミダ ゾール(Im)とコハク酸(Suc)が作る二次元の水素結 合上をプロトンが伝導し、127 ℃で1×10³ S/m のプ ロトン伝導度を示す⁽¹¹⁾.また、Im-Suc は 80 ℃以上 で構造転移を示し、Im の分子配向が無秩序(ディス オーダー)化するとともに、伝導度が顕著に増大する ことを明らかにされている⁽²⁾.また、固体³H NMR 測 定により、Im が結晶内で分子回転運動をしているこ とを観測している⁽¹²⁾.したがってプロトン伝導には 水素結合構造や分子運動が関与していることが予想 されるが、その詳細なメカニズムは未だ明らかにな っていない.

そこで,まず Im-Suc 中の水素結合構造を調べるた めに,結晶構造から構築したオーダー構造とディス オーダー構造を反映したクラスターモデル(図 6)に 対して量子化学計算による振動数解析を行った.計 算の結果, Im のオーダー/ディスオーダーによる水 素結合環境の変化により, Im のN-H 振動が高波数側 にシフトすることがわかった.実験によると,オー ダー構造のみからなる 30 ℃における結晶とオーダ ー/ディスオーダー構造を持つ 100 ℃の結晶に対す る赤外分光スペクトルは、3100 cm⁻¹付近で温度によ る明らかなピークシフトが得られた(図 7). したが って、Im-Suc はオーダーとディスオーダーの構造間 相転移により Im 周りの水素結合構造が変化するこ とが理論計算により明らかにすることができた^[2].



図6 Im-Suc の(a)オーダー構造と(b)ディスオーダー構造のクラ





図7 Im-Suc の 30 ℃と 100 ℃における赤外吸収スペクトル

次に, Im-Suc 中のプロトン伝導機構の解明を目指 し,量子化学計算によって Im-Suc 中の水素結合構造, プロトン移動,分子運動を結びつけるために PES を 構築した(図 8).



図8 量子化学計算により得られた Im-Suc 中の Im の分子回転と PT によるプロトン伝導に対する PES

得られた PES の結果によると、隣接する Im 間のプ ロトン輸送過程における構造変化は、まず Im が回転 して隣接する Suc ヘプロトンを渡し、続いて Suc か ら隣接する Im ヘプロトンが移り、再び Im 分子が回 転する. したがって、このプロセスが繰り返し起こ ることにより、プロトンが結晶内を伝導していくと 予想され、プロトン移動と Im の回転運動がカップリ ングすることによりプロトン伝導が促進することが 示唆された. また、隣接する Im 間のプロトン輸送過 程における律速は、Im と Suc 間のプロトン輸送過 程における律速は、Im と Suc 間のプロトン移動過程 であることがわかった. したがって、プロトン伝導 度を向上させるためには、プロトンのドナーとアク セプターの強さを調整し、プロトン移動の活性化エ ネルギーを下げることが重要であることを理論的に 提案することができた^[2].

さらに、第一原理バンド計算による結晶モデルに 対する同様の PES の構築を試みた.得られた PES の 形状は、量子化学計算によるクラスターモデルの結 果と同様の傾向を示した.一方で、全体のポテンシ ャルエネルギーのバリアは小さくなった.これは、 量子化学計算と第一原理バンド計算の計算精度の違 いが反映されている可能性もあるが、クラスターモ デルと結晶モデルの違いを反映している可能性が高 いことが示唆された.したがって、Im-Suc中におけ るプロトン伝導は結晶全体の競争的な過程として進 行することが示唆され、今後のさらなる詳細な伝導 機構の解明に向けた足がかりとなる結果が得られた.

Im-Suc のプロトン伝導度測定によると、プロトン 伝導度の異方性が観測されており、水素結合ネット ワークを構成する平面内をプロトンが伝導しやすい ことがわかっている.また、平面内においても伝導 度の異方性が観測されており、[14-9]軸方向に比べ て[100]軸方向(図9)にプロトン伝導度が高いことが わかっている⁽²⁾.



図9 Im-Suc の水素結合ネットワーク上の2つのプロトン伝導経路

そこで、「100]軸および「14-9]軸方向のプロトン伝 導機構とその伝導度の異方性の原因を探るために、 第一原理計算により各軸に対するプロトン伝導に対 応する PES を構築した.計算により、どちらも活性 化エネルギーがおよそ1.2 eV であることがわかった. 図 10 に各軸に対するプロトン伝導を引き起こす構 造変化および PT の様子を示す. [100]軸方向のプロ トン伝導は、2 つの Im が面内回転し、その後 Im と Suc 間で2段階のPTを起こした後、再び2つのIm が面内回転することによって効率的にプロトンが伝 導できることがわかった. 一方で、 [14-9] 軸方向の プロトン伝導は、[100]軸に比べて多段階に渡る構造 変化および PT が起こっていることがわかった. どち らの軸もプロトン伝導には、Imの面内回転運動とPT がカップリングすることによって効率的にプロトン が伝導することが示唆された.





図 10 (a) [100] 軸と (b) [14-9] 軸方向のプロトン伝導に対応した 構造変化および PT の様子

2 つのプロトン伝導軸の伝導度の異方性の原因を 調べるために、プロトン欠陥構造の相対エネルギー に注目した. [100]軸方向のプロトン伝導は、Im と Suc 間の水素結合を形成するプロトン欠陥の形成が 必要であるのに対し、[14-9]軸方向のプロトン伝導 は、Suc と Suc 間の水素結合を形成するプロトン欠 陥の形成が必要であることがわかった. そこで、2 つのプロトン欠陥構造の相対エネルギーを比較する と、Suc と Suc 間の水素結合を形成するプロトン欠 陥構造は、Im と Suc 間の水素結合を形成するプロトン欠 陥構造に比べて 0.25 eV 不安定であることがわ かった. したがって、プロトン欠陥構造の安定性が 2 つの軸のプロトン伝導度の異方性を決める一つの 要因になり得ることが示唆された.

4. まとめ

本研究では、高性能な無水プロトン伝導物質の設計を目指し、PVPA-xIm と Im-Suc 中のプロトン伝導 機構の解明に向けた理論解析を行った. Imの局所構 造、分子間プロトン移動、分子運動に注目すること により、各物質中のプロトン伝導機構を分子レベル で明らかにすることができた. 特に、高分子複合体 である PVPA-xIm では、Imの分子運動がプロトン伝 導を支配していることがわかり、高分子複合体では Imの分子運動を効率的に引き起こすための水素結合 環境の構築が高性能なプロトン伝導物質の設計には 重要であることがわかった.

一方,有機結晶である Im-Suc は,分子間のプロトン移動(PT)がプロトン伝導の律速であることがわかり,PTを引き起こしやすい分子の組み合わせを考えることが重要であることがわかった.これに基づき,現在実験研究者と共同研究を行っており,PTを引き起こす指標として,プロトンのドナーとアクセプター間の酸解離定数の差に注目している.特に,Imの代わりにトリアゾールを導入することにより,よりプロトン伝導度の高い有機結晶の構築に成功している. 今後,理論と実験との更なる連携により,高性能なプロトン伝導物質の設計が進展することが期待できる.

謝辞

本研究に対して多大なご支援を頂いた貴財団に心 より感謝申し上げます.本研究では,実験との共同 研究へとつなげることができ,実験値の提供および 材料に対する様々な知見を提供頂いた金沢大学の水 野元博教授および東京大学の出倉駿助教と森初果教 授に感謝申し上げます.

発表論文

- [1] <u>現 優太</u>, 末武 鋭也, 井田 朋智, 水野 元博, 重田 育照, プロトン伝導性 PVPA-xIm 複合体のプロトン伝導機構の理論的解明, *J. Comp. Chem.*, Jpn., **19**, 131 (2020). "Selected Paper"
- [2] <u>Y. Hori</u>, S. Dekura, Y. Sunairi, T. Ida, M. Mizuno, H. Mori, Y. Shigeta, Proton Conduction Mechanism for Anhydrous Imidazolium Hydrogen Succinate Based on Local Structures and Molecular Dynamics, *J. Phys. Chem. Lett.*, **12**, 5390 (2021). "Selected as a supplementary cover"
- [3] S. Dekura, Y. Sunairi, K. Okamoto, F. Takeiri, G. Kobyayashi, <u>Y. Hori</u>, Y. Shigeta, H. Mori, "Effects of mechanical grinding on the phase behavior and anhydrous proton conductivity of imidazolium hydrogen succinate", *Solid State Ionics*, **372**, 115775 (2021).
- [4] <u>Y. Hori</u>, H. Nakamura, T. Sakawa, N. Watanabe, M. Kayanuma, M. Shoji, M. Umemura, Y. Shigeta, "Theoretical Investigation into a Possibility of Formation of Propylene Oxide Homochirality in Space", *Astrobiology*, 22, 1330

(2022).

口頭発表

- [1] <u>現優太</u>,末武 鋭也,井田 朋智,水野 元博,重田 育照,プ ロトン伝導性 PVPA-xIm 複合体の分子ダイナミクス,日本コン ピュータ化学会 2020 年秋季年会,2020 年 11 月
- [2] 現優太, 末武 鋭也, 井田 朋智, 水野 元博, 重田 育照, 分子動力学計算によるプロトン伝導性 PVPA-xIm 複合体の局所構造と分子ダイナミクス, 日本化学会 第101 春季年会, 2021年3月
- [3] 堀優太、出倉駿、井田 朋智、水野 元博、森 初果、重田 育 照、コハク酸イミダゾリウム結晶中のプロトン伝導機構の理論 的解析、第15回分子科学討論会、2021年9月
- [4] 堀 優太,出倉 駿,井田 朋智,水野 元博,森 初果,重田 育照,量子化学計算による有機結晶中のプロトン伝導機構の理論 解析,第15回物性科学領域横断研究会(領域合同研究会), 2021年11月(招待講演)
- [5] 堀優太、出倉 駿、井田 朋智、水野 元博、森 初果、重田 育 照、量子化学計算によるコハク酸イミダゾリウム結晶中のプロ トン伝導機構解析、日本化学会第102春季年会、2022年3月
- [6] <u>現優太</u>,水素機能性物質・タンパク質のための計算化学によるアプローチ,ハイドロジェノミクス第9回若手育成スクール,2022年9月26日(招待講演)
- [7] <u>現 優太</u>、重田 育照,第一原理計算によるコハク酸イミダゾリウム結晶中のプロトン伝導異方性の解析,日本化学会第 103 春季年会(2023),2023年3月24日
- [8] <u>Y. Hori</u>, Computational Approach to the Mechanism of Proton Conduction Materials, 2022 CCS-EPCC Workshop, March 30, 2022.
- [9] Y. Hori, Computational Chemical Approaches to the Microscopic Mechanism of Anhydrous Proton Conduction Materials, Asia Pacific Conference of Theoretical and Computational Chemistry APATCC-10, February 22, 2023. (invited)

プレスリリース

[1] 2021年6月8日,共同プレスリリース(筑波大学,金沢大学), 「有機固体電解質中のプロトン伝導メカニズムを解明~高効 率な燃料電池の設計指針に~」

参考文献

- (1) M. Yamada, I. Honma, *Polymer*, **46**, 2986-2992 (2005).
- (2) Y. Sunairi, A. Ueda, J. Yoshida, K. Suzuki, H. Mori, J.

Phys. Chem. C, 122, 11623 (2018).

- (3) W. Münch, K. D. Kreuer, W. Silvestri, J. Maier, G. Seifert, *Solid State Ionics*, **145**, 437-443 (2001).
- M. J. Abraham, T. Murtola, R. Schulz, S. Páll, J. C. Smith,
 B. Hess, E. Lindahl, *SoftwareX*, 1, 19-25 (2015).
- (5) S. Dapprich, I. Komaromi, K. S. Byun, K. Morokuma, M. J. Frisch, *Theochem-J. Mol. Struct.* 461, 1-21 (1999).
- M. J. Frisch, G. W. Trucks, H. B. Schlegel, G. E. Scuseria,
 M. A. Robb, J. R. Cheeseman, G. Scalmani, V. Barone, G.
 A. Petersson, H. Nakatsuji, *et al.* Gaussian 16 Rev. A. 03,
 Wallingford, CT, 2016.
- (7) G. Kresse and J. Hafner, *Phys. Rev. B*, **47**, 558 (1993); *ibid* **49**, 14251 (1994); G. Kresse and J. Furthmüller, *Comput. Mat. Sci.* **6**, 15 (1996); G. Kresse and J. Furthmüller, *Phys. Rev. B*, **54**, 11169 (1996); G. Kresse and D. Joubert, *Phys. Rev.*, **59**, 1758 (1999).
- (8) M. Mizuno, A. Iwasaki, T. Umiyama, R. Ohashi, T. Ida, *Macromolecules*, 47, 7469 (2014).
- (9) <u>Y. Hori</u>, T. Suetake, Y. Shiota, K. Yoshizawa, Y. Shigeta, T. Ida, M. Mizuno, *ACS Appl. Polym. Mater.*, 2, 1561-1568 (2020).
- (10) <u>Y. Hori</u>, T. Suetake, Y. Shigeta, T. Ida, M. Mizuno, *Chem. Lett.*, **50**, 17-20 (2021).
- (11) K. Pogorzelec-Glaser, C. Pawlaczyk, A. Pietraszko, E. Markiewicz, J. Power Sources, 173, 800 (2007).
- (1 2) T. Umiyama, R. Ohashi, T. Ida, M. Mizuno, *Chem. Lett.*, 42, 1323 (2013).